

Академик АН БССР Н. С. АКУЛОВ

О РЕОНАХ КАК СТРУКТУРНЫХ СОСТАВЛЯЮЩИХ ЭЛЕМЕНТАРНЫХ ЧАСТИЦ

В (1-4) показано, что элементарные частицы, включая лептоны, строятся из фундаментальных частиц (реонов) более легких, чем кварки.

Массы реонов квантуются, и если известен их спектр масс, то массу любой элементарной частицы, за исключением массы электрона, можно рассчитать, определив числа Z_i реонов, из которых она составлена. Тогда определяются также и энергии распада по различным каналам. При распаде элементарной частицы каждый возбужденный реон ($r = 1$ *) переходит в лептон ($r = 0$), сохраняя свой знак заряда и спин, равный $\hbar/2$. Поэтому можно дать следующую общую формулу для определения суммарного числа реонов в элементарной частице:

$$Z_r = 2 \sum_i |\sigma_i| \hbar^{-1}. \quad (1)$$

Здесь $\sum_i |\sigma_i|$ сумма абсолютных значений спинов в продуктах распада в единицах $\frac{1}{2} \hbar$. Так, например, π^0 -пион, который можно рассматривать как квант мезонного поля, распадается на два γ -кванта**). Следовательно, $\sum_i |\sigma_i| = 2\hbar$. Из (1) находим, что π^0 состоит из четырех реонов

$$Z_r = 4. \quad (2)$$

Учитывая экспериментальное значение массы пиона $\pi^0 = 134,97$, мы можем определить теперь массу нейтрального реона

$$m_1 = \frac{1}{4} \pi^0 = 33,74 \text{ Мэв}/c^2. \quad (3)$$

Реоны с такого рода массой m_1 при распаде частицы генерируют или нейтрино ν или γ -кванты. Таким образом, нейтральный пион имеет следующую реонную структуру:

$$\pi^0 = \overset{\rightarrow}{\nu}_1 \overset{\rightarrow}{\nu}_1 \overset{\leftarrow}{\nu}_1 \overset{\leftarrow}{\nu}_1. \quad (4)$$

Здесь через ν_1 обозначены нейтральные реоны, для которых главное квантовое число $r = 1$ (см. далее), а $T_3 = 0$. (В отличие от этого гравитон имеет реонную структуру $\overset{\rightarrow}{\nu} \overset{\rightarrow}{\nu} \overset{\rightarrow}{\nu} \overset{\rightarrow}{\nu}$, где ν имеют $r = 0$ и могут рассматриваться

*) r — главное квантовое число реона.**) Случай распада π^0 на три γ -кванта мы рассмотрим в следующем сообщении.

как нейтрино, имеющие изоспин $I = 0$. Заменяя в (4) один ν_1 на e_1^\pm , для которого $r = 1$ и $T_3 = 1$, получаем^{*)}:

$$\pi^\pm = e_1^\pm \nu_1 \nu_1 \nu_1. \quad (5)$$

Из (3) — (5) вытекает, что масса заряженного реона $m_2 = 38,34 \text{ Мэв}/c^2$. Аналогичным путем можно найти массу «странного одиночного» реона ($m_3 = 37,83 \text{ Мэв}/c^2$)^{**)}. Так как (5) дает реонную структуру π^\pm , мы тотчас можем определить схему его распада ($\pi^\pm \rightarrow e_1^\pm \nu_1 \nu_1 + \nu_\mu$) и установить реонную структуру мюона ($\mu^\pm = e^\pm \nu_1 \nu_1$). Отсюда, зная m_1 и m_2 , находим массу $\mu^\pm = 105,8 \text{ Мэв}/c^2$. Результаты расчета хорошо согласуются с опытом ($105,7 \text{ Мэв}/c^2$). Однако особенно большое значение этот метод расчета масс приобретает, если найти весь спектр масс реонов. Его можно определить и на основе экспериментальных данных и теоретически. Зная m_i , мы получаем возможность рассчитать массы большего числа частиц, их энергии распада и схемы распада, а также вскрыть физическую природу странности и обусловленную ею энергию связи (дефект масс).

Теоретически массы всех возбужденных реонов могут быть получены на основе обобщения на элементарные частицы метода коллективных возбуждений, который был развит О. Бором (8,9) и А. С. Давыдовым (10) применительно к ядру. Предложенное обобщение базируется: 1) на замене плотности нуклонов на плотность вероятности $|\psi|^2$, где ψ волновая функция пиона; 2) на введении вместо поверхности ядра характеристической поверхности, определяемой условиями $|\psi(R, \vartheta, \varphi)|^2 = |\psi(R_0, \vartheta, \varphi)|^2_{r=\varphi=0}$, $\left(\frac{\partial \psi}{\partial \vartheta}\right)_{\vartheta=\varphi=0} = \left(\frac{\partial \psi}{\partial \varphi}\right)_{\vartheta=\varphi=0}$, где $R_0 = e^2/2m_0c$. Разлагая $(R - R_0)/R_0$ в ряд по сферическим функциям, где $R(\vartheta, \varphi)$ расстояние от центра частицы до точек этой поверхности, и допуская, что коллективные возбуждения связаны с изменением формы характеристической поверхности, после разложения в ряд по сферическим функциям получаем

$$R(\vartheta, \varphi) = R_0 \left[1 + \sum_{\lambda\mu} \kappa_{\lambda\mu} Y^*(\vartheta, \varphi) \right], \quad (6)$$

где малые комплексные величины $\kappa_{\lambda\mu}$ являются динамическими переменными коллективных движений в элементарной частице.

Дальнейший ход расчетов такой же, как и в теории возбужденных состояний атомных ядер (8-10). Именно, переходя обычным путем от динамических переменных $\kappa_{\lambda\mu}$ и сопряженных с ними импульсов к операторам $b_{\lambda\mu}$, в случае многофононных возбуждений для энергии возбуждения находим

$$E_i = \hbar (n_0 \omega_0 + n_1 \omega_1 + n_2 \omega_2 \dots), \quad (7)$$

где $n_0 = 0, 1 \dots$, $n_1 = 0, 1, 2 \dots$ и т. д.

Заметим уже здесь, что формула (7) вследствие общности вторичного квантования применима и к элементарным частицам, и к ядрам. Учитывая в (7), кроме фононных частот $\omega_0 \omega_1$, спектр частот, соответствующий различным энергетическим уровням электронов и других частиц в атомах и молекулах, мы можем рассматривать (7) как весьма общее выражение для энергии квантовых систем^{***)}. Кризис совершенной теории элементарных частиц выз-

^{*)} В (1) реонные структуры пионов (4) и (5) были получены путем слияния возбужденных бозонов типа $\nu_1 \nu_1$ и $e_1^\pm \nu_1$. В других энергетических состояниях такого рода бозоны рассматривались в работах ряда авторов, см., например (5-6).

^{***)} Для $|S| = 1$, $m_3 = m_2 - m_0$, см. (19') и (19'').

^{***)} В бозонном представлении.

ван тем, что квантовая механика дает возможность расчета спектральных линий для малых ω_l . Между тем для квантов мезонных полей и для элементарных частиц наиболее важное значение имеют частоты ω_0 и ω_1 . Для их нахождения необходимо развитие ультрарелятивистской механики, которая учитывает движение реонов со скоростями, близкими к скорости света.

Для того чтобы найти общие принципы, на которых должна строиться ультрарелятивистская квантовая механика, мы должны применить (7) к простейшей элементарной частице, имеющей массу покоя, именно π^0 как кванту мезонного поля. Основная цель при этом перейти от энергии в бозонном представлении (7) к энергии в фермионном представлении, т. е. от фононов к реонам, из которых строится материя. При этом мы должны учесть, что любой пион как свободный, так и внутри других частиц состоит из нейтральных реонов. В таком случае для массы нейтрального реона получаем

$$m_i = \frac{1}{4} c^{-2} \sum_l \hbar \omega_l n_l. \quad (8)$$

Здесь предполагается, что отсчет масс и энергии мы должны вести от нулевой энергии, чтобы удовлетворить условию $m_i = 0$ при $n_l = 0$. Считая, что π^0 -пион состоит из частиц, движущихся по окружности с радиусом порядка классического радиуса электрона ($R_0 = e^2/2m_0c^2$) со скоростью v , очень близкой к скорости света, получаем

$$\omega_0 = c/R_0 = 2m_0c^3/e^2. \quad (9)$$

Введем теперь постулат, определяющий спектр частот ω_l через «верхнюю» частоту ω_0 :

$$\omega_l = \omega_0 \alpha^l, \quad l = 0, 1, 2, \dots, \quad (10)$$

где $\alpha = e^2/c\hbar$ — постоянная тонкой структуры. Подставляя значения (9) и (10) в (8), находим

$$m_i = m_j (n_0 + \alpha n_1 + \alpha^2 n_2) + \sum_k n_k \omega_k \hbar, \quad (11)$$

где ω_k частоты, определяемые методами обычной квантовой механики, и где*)

$$m_q = \frac{1}{2} m_0 \alpha^{-1} = 35,013 \text{ Мэв}/c^2. \quad (12)$$

Если теперь ограничиться случаем, когда колебания характеристической поверхности элементарной частицы носят квадрупольный характер, n_0, n_1, n_2 и соответственно энергия возбуждения оказываются функциями (по крайней мере) пяти квантовых чисел ((¹⁰) стр. 165), из которых одно $j = 0, 1, 2, 3$ входит в инвариант импульса вращения $j(j+1)$, а остальные $n_{1k} = 0, 1$ входят в виде слагаемых (умноженных на некоторые коэффициенты D_k). Изменение указанных квантовых чисел должно приводить к изменениям квантового состояния, в частности переводить нейтральные реоны в заряженные. Итак, в общем случае n_1 должно быть линейной функцией n_{1k} и $j(j+1)$

$$n_1 = D_j j(j+1) + \sum_k n_{1k} D_k. \quad (13)$$

Так как n_i при любых целочисленных значениях n_{1k} и j_1 также остается целочисленным, мы приходим к выводу, что все коэффициенты D_k являются также целыми числами. Так как $j(j+1)$ характеризует наличие

*) Величина m_q была введена впервые в (¹²) из полуэмпирических соображений и обсуждалась в ряде последующих работ (см., например (¹³)). Величину $\alpha m_q = m_0/2$ можно рассматривать как второй квант массы (см. формулу (11)).

прецессий, коэффициент D_j может принимать и положительные, и отрицательные значения. Легко показать, что он равен $(-1)^{1+j}$ (6).

Теперь мы можем установить корреляцию теоретических квантовых чисел n_{1k} , характеризующих коллективные возбуждения, с известными экспериментальными квантовыми числами: главное ($r = 0, 1$) третья компонента изоспина T_3 и, кроме того, B и S . Обозначая абсолютное значение этой проекции изоспина (зарядовое число) через $\varepsilon = 0, 1$, рассмотрим следующий тип корреляции:

$$j = 2r + \varepsilon, \quad n_{11} = r, \quad n_{12} = l, \quad n_{13} = |B|, \quad n_{14} = |S| \quad (14)$$

и

$$D_j = (-1)^{j+1}; \quad D_1 = 1; \quad D_2 = 3\varepsilon; \quad D_3 = -6\varepsilon; \quad D_4 = -2\varepsilon.$$

Здесь $l = 0, 1$ — квантовое число, которое характеризует энергетическое состояние e^- , входящего в $(e^- \nu)^*$ — бозон Юкавы (W^-) (масса e^- определяет суммарную энергию этого $e^- \nu$ -бозона, так как масса нейтрино при $r = 0$ равна нулю). Из (7), (13) и (14) находим:

$$m_i = \frac{1}{2} m_0 \alpha^{-1} + \frac{1}{2} m_0 [r + (-1)^{1+j} j(j+1) + 3l] - 3m_0 |B| - m_0 |S|, \quad (15)$$

где B — барионное число, S — странность. На основании (15) при $B = S = 0$ получаем пять основных линий спектра масс реонов: 1) масса нейтрино $\nu = 0$ (при $r = 0$); 2) масса нейтрального возбужденного реона $m_1 = 33,734$ (при $r = 1, \varepsilon = 0$); 3) масса позитрона и электрона m_0 (при $\varepsilon = 1, r = l = 0$); 4) масса заряженного реона $m_2 = 38,334$ (при $r = 1, \varepsilon = 1$) и, наконец, 5) масса бозона Юкавы $m_W = 1,2755$ (при $r = 0, l = \varepsilon = 1$).

Пусть Z_i — число реонов в i -состоянии. Тогда для массы любой частицы находим на основании (15)

$$M_1 = Z_1 m_1 + Z_2 m_2 + Z_W m_W + B_p m_p - \delta_s, \quad (16)$$

где $Z_W = 1$ для нейтрона и $Z_W = 0$ для остальных частиц. При этом

$$m_p = Z_{1p} m_1 + Z_3 m_3. \quad (17)$$

Из (16) следует, что все барионы содержат в своем составе протон ($B = 1$), но в состав других элементарных частиц протон не входит ($B = 0$). При этом масса протона определяется из (17) ($m_3 = m_2 - 3m_0$).

При расчете δ_s в (16) будем исходить из следующей концепции о магнитной природе странных частиц. Все такие частицы содержат хотя бы один S -бозон $(e^- e^+)_{\mp}$, обладающий магнитным моментом. Обозначив относительную проекцию магнитного момента на общее направление орбитальных моментов через S_i , определим величину странности соотношением

$$S = \sum_i S_i = \mu^{-1} \sum_i \vec{\mu}_i, \quad (18)$$

где μ — абсолютное значение магнитного момента и $S_i = \pm 1$.

Все заряженные реоны за пределами этих бозонов будем называть «одинокими». Энергия их меняется под действием магнитного поля S -бозонов. Согласно (15), масса заряженного реона, не взаимодействующего с S -бозонами, равна m_2 . Под действием магнитного поля S -бозона (согласно (15), при $|S| = 1$) она должна уменьшаться до $m_2 - m_0$. Пусть Z'_2 — число одиночных реонов. Тогда общее уменьшение их массы за счет взаимодействия с присоединяемым S_i -бозоном

*) При β -распаде e^- передает часть энергии ν .

**) При $B = 1$ для заряженных реонов протона из (15) имеет $m_{2p} = m_2 - 3m_0$.

$$\delta'_s = m_0 Z'_2 = m_0 (Z_2 - 2). \quad (19')$$

При подсоединении второго S -бозона и увеличении странности до $|S| = 2$ масса одиночных реонов дополнительно уменьшается на величину δ'_s . Кроме того, возникает дополнительное уменьшение массы элементарной частицы вследствие дипольного взаимодействия между S -бозонами. При взаимодействии двух диполей энергия пропорциональна $S_i S_j$. Соответствующее уменьшение массы

$$\delta''_s = m_0 Z_s S_1 S_2, \quad (19'')$$

где Z_s — целое квантовое число дипольной связи. (При расчетах оно принято равным 13). Таким образом, дополнительный дефект массы, возникающий при подключении S_2 -бозона к частице, содержащей S_1 -бозон и Z'_2 одиночных реонов,

$$\delta''_s = m_0 (Z'_2 + Z_s) S_1 S_2. \quad (19)$$

Странные элементарные частицы, которые содержат только один S_1 -бозон $[(e^- e^+)_+]$ при $S_i = 1$ или $(e^- e^+)_-$ при $S_i = -1$, мы будем называть основными. Таковы, например, K^\pm , K^0 , Λ , Σ^0 . Странные частицы с $|S| = 2$ получают путем подсоединения к основным S_2 -бозона так, чтобы оба дипольных момента были направлены в одну сторону. Тогда $S_1 S_2 = 1$. При антипараллельности этих моментов $S_1 S_2 = -1$, но $|S| = 0$. При подсоединении к основным странным частицам S_2 -бозонов дополнительный дефект массы определяется по (19). Однако при подсоединении к странной частице с $|S| = 2$ еще одной частицы с $|S| = 1$, например при подсоединении K^- -мезона к $\Lambda (e^- e^+)_-$ с целью образования Ω^- , магнитная связь $K - \Lambda$ очень слаба и дополнительного дефекта массы при этом не возникает, хотя странность изменяется от $S = -2$ до $S = -3$.

При распаде S -бозонов часть энергии уходит на преодоление магнитных сил связи. Поэтому энергия их аннигиляции на основании (19') и (19)

$$Q = 2m_2 n_s - \delta'_s - \delta''_s = 2m_2 n_s - Z'_2 m_0 - (Z'_2 + Z_s) m_0 S_1 S_2, \quad (20)$$

где n_s — число распавшихся бозонов $(e^- e^+)_-$, $(e^- e^+)_+$ или $(e^- e^+)_0$, каждый из которых имеет массу $2m_2 = 76,67 \text{ Мэв}/c^2$.

Приведем в качестве примера способ определения структуры и расчет массы Λ -частицы.

1. Судя по продуктам распада, в Λ должен входить μ^- . В соответствии с правилом, что любой барион дополнительно к протону может содержать лишь бозоны, находим, что [вместо бозона Юкавы $(e^- \nu)$] в Λ входит $(\mu^- \nu)$ -бозон, в котором ν -реон имеет массу, равную нулю. (Реон при $r = 0$, $l = \varepsilon = 0$). При β -распаде, однако, его энергия может возрастать за счет энергии электрона или мюона.

2. Согласно (18), Λ -гиперон, поскольку он имеет странность $S = -1$, должен содержать $(e^- e^+)_-$.

Из первого и второго условия вытекает структурная формула Λ -гиперона (см. таблицу)

$$\Lambda = p (\mu^- \nu) (e^- e^+)_-. \quad (21)$$

Учитывая, что для протона $Z'_2 = 9$ (см. далее), находим, что Λ содержит $Z'_2 = 12 - 2 = 10$ одиночных (заряженных) реонов. Поэтому, согласно (19'),

$$\delta'_s = m_0 (Z_2 - 2) = 5,11 \text{ Мэв}/c^2. \quad (22)$$

На основании (21) в формуле (16) следует принять $Z_1 = 2$, $Z_2 = 3$, $B = 1$, $Z_W = 0$ и $\delta_s = \delta'_s$. Отсюда находим

**Структуры, массы, каналы и энергии распада
элементарных частиц**

Элементарная частица	Структура	Масса (Мэв/c ²)		Канал распада		Энергия распада	
		теор.	опыт	теор.	опыт	теор.	опыт
μ_{\pm}^{\pm}	$e_1^{\pm} \nu_1 \nu_1$	105,801	105,66	$e^{\pm} \nu \nu$	$e^{\pm} \nu \nu$	105,29	105,15
π^0	$\nu_1 \nu_1 \nu_1 \nu_1$	134,936	134,97	2γ	2γ	134,94	135
π^{\pm}	$e_1^{\pm} \nu_1 \nu_1 \nu_1$	139,535	139,58	$\mu^{\pm} \nu$	$\mu^{\pm} \nu$	33,74	33,92
K^{\pm}	$\pi^{\pm} \pi^{-} \pi^{+} (e_1^{-} e_1^{+})_{\pm}$	493,76	493,78	$\pi^{\pm} \pi^{-} \pi^{+}$	$\pi^{+} \pi^{-} \pi^{+}$	75,13	75
K^0	$\pi^{+} \pi^{-} (e_1^{-} e_1^{+})_{-} \pi_1^0$	497,85	497,87	$\pi^{-} \pi^{+}$	$\pi^{-} \pi^{+}$	218,8	218,5
η	$\pi^0 \pi^0 \pi^{-} \pi^{+}$	548,96	548,8	$\pi^{+} \pi^{-} \pi^0$	$\pi^{+} \pi^{-} \pi^0$	134,94	134,8
ρ	$(e_1^{-} \pi^{+} \pi^{-}) (e_1^{+} \pi^{-} \pi^{+}) (e_1^{+} \pi^{-} \pi^{+})$	938,40	938,26	—	—	—	—
n	$p (e^{-} \nu)$	939,70	939,55	$p e^{-} \nu$	$p e^{-} \nu$	0,77	0,78
Λ	$p (\mu^{-} \nu) (e_1^{-} e_1^{+})_{-}$	1115,8	1115,4	$p \pi^{-}$	$p \pi^{-}$	37,8	37,6
Σ^0	$\Lambda (e_1^{-} e_1^{+})_0$	1192,5	1192,6	$\Lambda \gamma$	$\Lambda \gamma$	76,7	77
Σ^{-}	$p (e_1^{-} \nu) (e_1^{-} \nu_1) (e_1^{+} e_1^{-})_{-} \times$ $\times (e_1^{+} e_1^{-})_0$	1196,6	1197,2	$n \pi^{-}$	$n \pi^{-}$	117,7	118,1
Σ^{+}	$p (\nu_1 \nu_1 \nu_1 \nu) (e_1^{+} e_1^{-})_{-} \times$ $\times (e_1^{+} e_1^{-})_0$	1188,3	1189,4	$n \pi^{+}$	$n \pi^{+}$	109,2	110,3
Ξ^0	$\pi^0 \Lambda (e_1^{-} e_1^{+})_{-}$	1315,7	1314,3	$\Lambda \pi^0$	$\Lambda \pi^0$	65,0	63,9
Ξ^{-}	$\pi^{-} \Lambda (e_1^{-} e_1^{+})_{-}$	1319,8	1320,8	$\Lambda \pi^{-}$	$\Lambda \pi^{-}$	64,5	65,8
Ω^{-}	$K^{-} \Lambda (e_1^{-} e_1^{+})_{-}$	1674,5	1674,3	$K^{-} \Lambda$	$K^{-} \Lambda$	64,9	66
$N_{3/2}^*$	$n \pi^0 (e_1^{-} e_1^{+})_{-} (e_1^{-} e_1^{+})_{+}$	1234,6	1236,5 1,4	$n \pi^0$	$n \pi^0$	160,0	160
Λ_{β}	$\Sigma^0 \pi^0 (e_1^{-} e_1^{+})_0$	1404,0	1405,5	$\Sigma^0 \pi^0$	$\Sigma^0 \pi^0$	76,7	76

$$m[\Lambda] = 2m_1 + 3m_2 + m_p - \delta'_s = 1115,6 \text{ Мэв}/c^2, \quad (23)$$

что превосходно*) согласуется с экспериментальным значением $m_\Lambda = 1115,4 \text{ Мэв}/c^2$. При распаде по каналу $\Lambda \rightarrow p \pi^-$ мы имеем переход $(\mu^- \nu) \rightarrow \pi^-$, т. е. мы имеем здесь $(\nu)_{r=0} \rightarrow (\nu)_{r=1}$, т. е. ν переходит в ν_1 , что требует затраты энергии $Q' = 33,755$. В результате энергия распада $Q = 76,67 - 33,735 - 5,11 = 37,8 \text{ Мэв}/c^2$, что очень хорошо согласуется с опытом $Q = 37,6 \text{ Мэв}/c^2$.

Что касается протона, то, согласно существующим представлениям, он состоит из трех «кварков», при соединении которых аннигилирует значительная часть их масс. Для оставшейся после аннигиляции структуры «кварков» примем $q_1^+ = q_2^+ = (\pi^+ \pi^-) e_1^+$; $q_3 = (\pi^+ \pi^-) e_1^-$. Отсюда вытекает, что дробные заряды $+2/3$ и $-1/3$ могут возникать в среднем как следствие миграции отрицательного заряда среди трех «квазикварков». Из этой структуры p следует $Z_{1p} = 18$, $Z_3 = 9$, что согласуется с найденными выше значениями. После подстановки Z_{1p} и Z_3 в (17) получаем значение массы протона (см. таблицу). При теоретическом значении m_p в таблице дан расчет масс остальных барионов. Около двух пар $(e^- e^+)_-$ $(e^- e^+)_+$ (см., напр., $N_{3/2}^*$) магнитное поле равно нулю. Поэтому связь с заряженными реонами отсутствует и, согласно (19), $\delta_s = -13m_0$.

Как мы видим, согласие теории с опытом для всех частиц, для которых были рассчитаны массы и энергии распада, является очень хорошим.

Отдел физики неразрушаемого контроля
АН БССР

Поступило 27.XII 1967

ЦИТИРОВАННАЯ ЛИТЕРАТУРА

- ¹ Н. С. Акулов, ДАН БССР, 10, № 3, 7, 12, 1966. ² Н. С. Акулов, ДАН БССР, 11, № 1, 2, 1967. ³ Н. С. Акулов, ДАН БССР, 11, № 3, 1967. ⁴ Н. С. Акулов, ДАН БССР, 11, № 9, 1967. ⁵ Н. Уикава, Proc. Phys. Math. Soc. Japan, 17, 48, 1953. ⁶ М. А. Марков, Нейтрино, изд-во «Наука», 1964, стр. 42. ⁷ Л. Б. Окунь, Слабое взаимодействие элементарных частиц, ГИФМЛ, М., 1963. ⁸ А. Вольг, Kgl. Dansk. Vid. Selsk, Mat. Fys. Midd, 26, № 14, 1952. ⁹ О. Бор, Б. Моттельсон, Атомная энергия, 14, 41, 1963. ¹⁰ А. С. Давыдов, Возбужденные состояния атомных ядер, М., 1967. ¹¹ E. U. I. Stern glass, Nuovo Cimento, 35, 227, 1965. ¹² Y. Nambu, Progr. Theor. Phys., 7, 595, 1952. ¹³ В. Г. Кадышевский, ДАН СССР, 131, 6, 1960; П. Г. Кард, ТЭТФ, 27, 2, 259, 1954.

*) В этом примере нами использовано экспериментальное значение $m'_p = 938,27 \text{ Мэв}/c^2$. Оно несколько отличается от теоретического значения $m_p = 938,4 \text{ Мэв}/c^2$, на основе которого рассчитаны массы барионов в таблице.